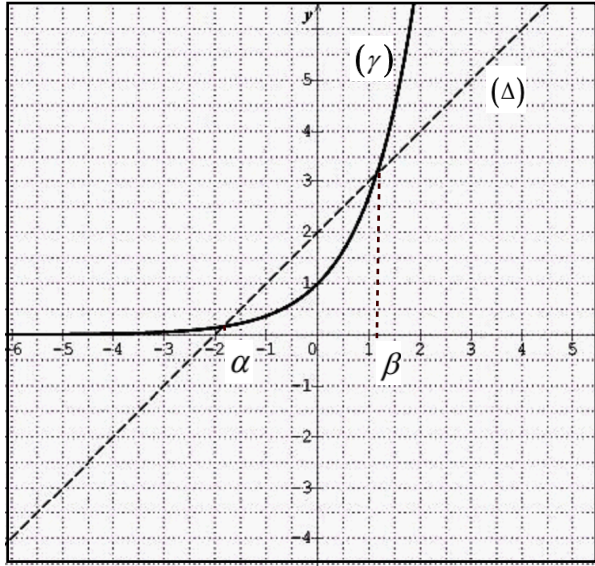


فرض الفصل الأول في مادة الرياضيات

المسألة : المستوي منسوب الى المعلم المتعامد والمتجانس $\left(\vec{o}, \vec{i}, \vec{j} \right)$



I. (γ) التمثيل الباني للدالة $x \rightarrow e^x$ والمستقيم (Δ)

ذو المعادلة $y = x + 2$, α و β هما فاصلتي

تقاطع (γ) و (Δ) كما هو موضح في الشكل

1. بقراءة بيانية حدد وضعية (γ) بالنسبة إلى (Δ) على $\mathbb{R}$

2. نعتبر g الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ ب : $g(x) = e^x - x - 2$

استنتج حسب قيم x إشارة $g(x)$ على $\mathbb{R}$

3. تحقق أن : $-1,9 < \alpha < -1,8$ و $1,1 < \beta < 1,2$

II. نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R}^*$ كما يلي : $f(x) = \frac{e^x(x+1)}{e^x - 1}$ حيث (C_f) تمثيلها البياني

1. أ) احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$, $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ ثم فسر هذه النتائج هندسيا

ب) بين أنه من أجل x كل من $\mathbb{R}^*$: $f(x) = \frac{x+1}{1-e^{-x}}$, ثم احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

2. أ) بين أن المستقيم (Δ) ذو المعادلة $y = x + 1$ مقارب للمنحنى (C_f)

ب) ادرس الوضع النسبي للمنحنى (C_f) مع المستقيم (Δ)

3. بين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R}^*$: $f'(x) = \frac{e^x g(x)}{(e^x - 1)^2}$,

ثم استنتج تغيرات الدالة f و شكل جدول تغيراتها على $\mathbb{R}^*$

4. بين أن $f(\alpha) = \alpha + 2$ ثم استنتج حصرا لكل من $f(\alpha)$ و $f(\beta)$

5. عين دون حساب $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(\alpha + h) - \alpha - 2}{h}$

6. أنشئ المنحنى (C_f) والمستقيم (Δ)

7. أ) حدد بيانيا قيم الوسيط الحقيقي m التي من أجلها المعادلة $f(x) = x + \ln|m|$ حلين مختلفين في الإشارة
ب) نعتبر العدد الحقيقي t حيث $\ln[f(\alpha)] < t < \ln[f(\beta)]$

اختر الاجابة الصحيحة مع التعليل :

بيانيا المعادلة $f(x) = e^t$:

1) تقبل حلين موجبين تماما (2) لا تقبل حلول حقيقية (3) تقبل حل وحيد سالب تماما

III) نعتبر الدالة h المعرفة على $\mathbb{R}^*$ كما يلي : $h(x) = \frac{1 - |x|}{1 - e^{|x|}} + 2$ حيث (C_h) تمثيلها البياني

1. بين أن الدالة h زوجية

2. أكتب العبارة $h(x)$ دون رمز القيمة المطلقة

3. اشرح كيف يمكن رسم (C_h) اعتمادا على (C_f) , ثم ارسم (C_h) في نفس المعلم و بلون مختلف

* Bonus *

a عدد حقيقي موجب تماما أثبت أن :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - a^x}{x} = 1 - \ln a \quad + 1pt$$

بالتوفيق للحكيم

أستاذ المادة

ديزاد إكزام بكالوريا | DzExams BAC

<https://www.dzexamsbac.com>



الروابط المباشرة

المواد

www.dzexamsbac.com/module/mathematiques

الرياضيات

www.dzexamsbac.com/module/physique

العلوم الفيزيائية

www.dzexamsbac.com/module/sciences-naturelles

علوم الطبيعة والحياة

www.dzexamsbac.com/module/arabe

اللغة العربية

www.dzexamsbac.com/module/francais

اللغة الفرنسية

www.dzexamsbac.com/module/anglais

اللغة الإنجليزية

www.dzexamsbac.com/module/histoire-geographie

التاريخ و الجغرافيا

www.dzexamsbac.com/module/tarbia-islamia

التربية الإسلامية

www.dzexamsbac.com/module/economie

الإقتصاد والمناجمت

www.dzexamsbac.com/module/comptabilite

التسيير المحاسبي والعالي

www.dzexamsbac.com/module/droit

القانون

www.dzexamsbac.com/module/genie-civil

الهندسة المدنية

www.dzexamsbac.com/module/genie-mecanique

الهندسة الميكانيكية

www.dzexamsbac.com/module/genie-procedes

هندسة الطرائق

www.dzexamsbac.com/module/genie-electrique

الهندسة الكهربائية

www.dzexamsbac.com/module/philosophie

الفلسفة

www.dzexamsbac.com/module/allemand

اللغة الألمانية