

الفرض المحروس الأول في مادة الرياضيات

* التمرين الأول : (04 نقاط)

حدد صحة أو خطأ كل عبارة من العبارات التالية مع التبرير

$$(1) \text{ من اجل كل عدد طبيعي } n \text{ اذا كان : } S_n = 6[1 + e^{Ln7} + e^{2Ln7} + e^{3Ln7} + \dots + e^{nLn7}] \text{ فإن } S_n = 7^{n+1} - 1$$

$$(2) \text{ اذا كانت } f \text{ دالة قابلة للاشتقاق عند كل } a \text{ من } IR \text{ فإن : } \lim_{x \rightarrow a} \frac{xf(a) - af(x)}{x - a} = f(a) - af'(a)$$

$$(3) \text{ المعادلة التفاضلية من الشكل } y' = ay + b \text{ والتي حل لها } f(x) = 3e^{-2x} + 4 \text{ هي : } y' + 2y = 8$$

* التمرين الثاني : (07 نقاط)

الجزء الأول : لتكن الدالة g المعرفة على المجال \square بـ : $g(x) = (2-x)e^x - 2$.

$$(1) \text{ أ - احسب } \lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) \text{ و } \lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) .$$

ب - ادرس اتجاه تغير الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها .

$$(2) \text{ أ - بين ان المعادلة } g(x) = 0 \text{ تقبل حلين احدهما معدوم والآخر } \alpha \text{ حيث } 1,5 < \alpha < 1,6$$

ب - إستنتج إشارة $g(x)$ على \square .

$$\text{الجزء الثاني : لتكن الدالة } f \text{ المعرفة على المجال } \square \text{ بـ : } \begin{cases} f(x) = \frac{x^2}{e^x - 1}; x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

$$(C_f) \text{ تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس } (O; \vec{i}, \vec{j}) .$$

$$(1) \text{ أ - برهن ان الدالة } f \text{ مستمرة على } \square$$

ب - بين ان الدالة f قابلة للاشتقاق عند 0 ، ثم اكتب معادلة المماس (Δ) للمنحنى (C_f) عند المبدأ

$$(2) \text{ برهن ان } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0 \text{ و فسر النتيجة بيانيا ، ثم احسب } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$$

$$(3) \text{ أ - بين أنه من أجل كل عدد حقيقي } x \neq 0 : f'(x) = \frac{x \cdot g(x)}{(e^x - 1)^2}$$

ب - استنتج اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها

$$(4) \text{ أ - بين أن : } f(\alpha) = \alpha(2 - \alpha) , \text{ ثم استنتج حصراً لـ } f(\alpha) .$$

$$(5) \text{ المنحنى البياني الذي معادلته } y = -x^2$$

أ - احسب $f(x) + x^2$ واستنتج وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة الى (γ)

$$\text{ب - بين ان } \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) + x^2 = 0$$

$$(6) \text{ ارسم } (\Delta) \text{ و } (\gamma) \text{ ثمانشئ المنحنى } (C_f)$$

* إذا أردت ان تحلق مع النسور فلا تضيع و قتك مع الدجاج

* التاريخ : 2021 / 01 /

* المدة : ساعة

* المستوى : الثالثة تسيير و اقتصاد

* **الفرض الأول للفصل الأول في مادة الرياضيات ***

* **التمرين الأول: (03 نقاط)**

الدالة f المعرفة والقابلة للاشتقاق على المجال $]0, +\infty[$ ، يعطى جدول تغيراتها التالي

x	0	1	$+\infty$
$f'(x)$	+	0	-
$f(x)$	$-\infty$	1	$-\infty$

أذكر صحة أو خطأ العبارات التالية مع التعليل

(1) من اجل كل x من $]0, +\infty[$: $f(x) \leq 1$

(2) على المجال $]0, 1]$: $f'(x) \leq 0$

(3) المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلين في المجال $]0, +\infty[$

(4) المستقيم الذي معادلة له : $y = 1$ هو مماس لمنحنى الدالة f

في النقطة ذات الفاصلة 1

* **التمرين الثاني: (07 نقاط)**

$$\begin{cases} U_0 = 1 \\ U_{n+1} - \frac{2}{3}U_n = \frac{2}{3} \end{cases} ; n \in \mathbb{N}$$

المتتالية (U_n) العددية معرفة على \mathbb{N} بما يلي:

1- احسب الحدين U_1, U_2 .

2- برهن بالتراجع انه من اجل كل عدد طبيعي n : $U_n < 2$.

3- بين انه من اجل كل عدد طبيعي n : $U_{n+1} - U_n = -\frac{1}{3}(U_n - 2)$ ، ثم استنتج ان المتتالية (U_n) متزايدة تماما

4- المتتالية (V_n) المعرفة على \mathbb{N} كما يلي : $V_n = U_n - 2$

أ- برهن ان المتتالية (V_n) هندسية يطلب تعيين اساسها وحدها الاول.

ب- عبر عن V_n بدلالة n واستنتج U_n بدلالة n .

ج- احسب المجموع S_n بدلالة n حيث : $S_n = U_0 + U_1 + \dots + U_n$. ثم احسب $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$.



* إذا أردت ان تحلق مع النصور فلا تضيع و قتك مع الدجاج

ديزاد إكزام بكالوريا | DzExams BAC

<https://www.dzexamsbac.com>



الروابط المباشرة

المواد

www.dzexamsbac.com/module/mathematiques

الرياضيات

www.dzexamsbac.com/module/physique

العلوم الفيزيائية

www.dzexamsbac.com/module/sciences-naturelles

علوم الطبيعة والحياة

www.dzexamsbac.com/module/arabe

اللغة العربية

www.dzexamsbac.com/module/francais

اللغة الفرنسية

www.dzexamsbac.com/module/anglais

اللغة الإنجليزية

www.dzexamsbac.com/module/histoire-geographie

التاريخ و الجغرافيا

www.dzexamsbac.com/module/tarbia-islamia

التربية الإسلامية

www.dzexamsbac.com/module/economie

الإقتصاد والمناجمت

www.dzexamsbac.com/module/comptabilite

التسيير المحاسبي والمالي

www.dzexamsbac.com/module/droit

القانون

www.dzexamsbac.com/module/genie-civil

الهندسة المدنية

www.dzexamsbac.com/module/genie-mecanique

الهندسة الميكانيكية

www.dzexamsbac.com/module/genie-procedes

هندسة الطرائق

www.dzexamsbac.com/module/genie-electrique

الهندسة الكهربائية

www.dzexamsbac.com/module/philosophie

الفلسفة

www.dzexamsbac.com/module/allemand

اللغة الألمانية