

نوفمبر 2019

المستوى: الثالثة ثانوي علوم تجريبية

المدة: 2 ساعة

الفرض الأول في الرياضيات

**التمرين 01 : (8 نقط)**

حل في  $\mathbb{R}$  ما يلي :

$$e^x + \frac{e}{e^x} = 1 + e \quad (1)$$

$$e^{3x+1} + 4e^{2x+1} - 5e^{x+1} = 0 \quad (2)$$

$$(E_1) : x^2 - x - 5 = 1 \quad \text{أ- حل في } \mathbb{R} \text{ المعادلة :}$$

ب- استنتج حلول المعادلات الآتية بعد إعطاء مجموعة التعريف .

$$(E_2) : (\ln x)^2 - \ln x - 6 = 0$$

$$(E_3) : \ln(x^2 - x - 5) = 0$$

$$(E_4) : \ln(x) + \ln(x-1) = \ln 6$$

**التمرين 02: (12 نقطة)**

I - الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $g(x) = -4 + (4 - 2x)e^x$

1) ادرس تغيرات الدالة  $g$  ، ثم شكل جدول تغيراتها .

2) بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلّين أحدهما معدوم والآخر  $\alpha$  حيث:  $1,59 < \alpha < 1,60$

3) استنتج إشارة  $g(x)$  .

II - الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $f(x) = \frac{2x-2}{e^x - 2x}$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(\vec{O}; \vec{i}, \vec{j})$  .

(وحدة الطول 2 cm)

1) بين أن  $(C_f)$  يقبل عند  $-\infty$  و  $+\infty$  مستقيمين مقاربين معادلاتها على الترتيب :

$$\left( \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty \text{ و } \lim_{x \rightarrow -\infty} x e^x = 0 \right)$$

$$(2) \quad \text{أ) برهن أنه من أجل كل عدد حقيقي } x : f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x - 2x)^2}$$

ب) استنتج إشارة  $f'(x)$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

ج) احسب  $f(1)$  ثم استنتج حسب قيم  $x$  إشارة  $f(x)$ .

$$(3) \quad \text{أ) يبين أن } f(\alpha) = -1 + \frac{1}{\alpha-1} \text{ حيث } \alpha \text{ هو العدد المعرف في السؤال 2 من الجزء I.}$$

ب) استنتج حصراً للعدد  $f(\alpha)$  (تدور النتائج إلى  $10^{-2}$ )

ج) ارسم  $(C_f)$ .

(4) ناقش بيانياً حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$ ، عدد وإشارة حلول المعادلة :

$$2x - 2 = (e^x - 2x)(m+1)$$

(5)  $h(x) = [f(x)]^2$  هي الدالة المعرفة  $\mathbb{R}$  كما يلي :

أ) احسب  $h'(x)$  بدلالة كل من  $f'(x)$  و  $f(x)$  ثم استنتج إشارة  $h'(x)$ .

ب) شكل جدول تغيرات الدالة  $h$ .

بالتوفيق

العلامة	الحل	رقم التمرين
ن 8	$e^{2x} + e = e^x + e^{x+1}$ تعني $e^x + \frac{e}{e^x} = 1 + e$ (1) $e^{2x} + e^x(e+1) + e = 0$ $\left\{ \begin{array}{l} X^2 - (e+1)X + e = 0 \\ X = e^x \end{array} \right.$ $\Delta = (e-1)^2$ $\left\{ \begin{array}{l} X = 1 \text{ او } X = e \\ X = e^x \end{array} \right.$ و منه $S = \{0; 1\}$ إذن	التمرين 1
0.5	$e^{3x+1} + 4e^{2x+1} - 5e^{x+1} = 0$ (ب) $e^{2x} (e^{2x} + 4e^x - 5) = 0$ تعني $\left\{ \begin{array}{l} X^2 + 4X - 5 = 0 \\ X = e^x \end{array} \right.$ $\left\{ \begin{array}{l} X = 1 \text{ او } X = -5 \\ X = e^x \end{array} \right.$ و منه $S_I = \{0\}$ إذن	

	1.5	$(E_1) : S_1 = \{-2; 3\}$ (١) (٢) ب) استنتاج حلول المعادلات. $(E_2) : (\ln x)^2 - \ln x - 6 = 0$ • أي $X^2 - X - 6 = 0$ $X = \ln x$ $\begin{cases} X = -2 \text{ او } X = 3 \\ X = \ln x \end{cases}$	
	1.5	$S_2 = \{e^{-2}; e^3\}$ $x^2 - x - 5 = 1$ تكافى (٣) (٤) • $S_3 = \{-2; 3\}$	
	1.5	$(E_4) : \ln(x) + \ln(x-1) = \ln 6$ • $\begin{cases} \ln x(x-1) = \ln 6 \\ x > 1 \end{cases}$ تكافى $S_4 = \{3\}$	
12 ن	2	I) دراسة تغيرات الدالة $g$ ، ثم تشكيل جدول تغيراتها • النهايات $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x) = -4$ ; $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = -\infty$ • المشتق $g'(x) = (2-2x) e^x$	التمرين 2
	2		جدول التغيرات •

		<table border="1"> <tr> <td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td>0</td><td>1</td><td><math>\alpha</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr> <tr> <td><math>g'(x)</math></td><td>+</td><td></td><td>0</td><td>-</td><td></td></tr> <tr> <td><math>g(x)</math></td><td>-4</td><td>0</td><td>2</td><td><math>e - 4</math></td><td><math>-\infty</math></td></tr> </table>	$x$	$-\infty$	0	1	$\alpha$	$+\infty$	$g'(x)$	+		0	-		$g(x)$	-4	0	2	$e - 4$	$-\infty$
$x$	$-\infty$	0	1	$\alpha$	$+\infty$															
$g'(x)$	+		0	-																
$g(x)$	-4	0	2	$e - 4$	$-\infty$															
0.5		$g(x) = 0$ تقبل حل وحيد (مبرهنة القيمة المتوسطة) (2)																		
0.5		$g(x)$ إشارة																		
		<table border="1"> <tr> <td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td>0</td><td><math>\alpha</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr> <tr> <td><math>g(x)</math></td><td>-</td><td>+</td><td>0</td><td>-</td></tr> </table>	$x$	$-\infty$	0	$\alpha$	$+\infty$	$g(x)$	-	+	0	-								
$x$	$-\infty$	0	$\alpha$	$+\infty$																
$g(x)$	-	+	0	-																
1		<p>f الدالة العددية المعرفة على <math>\mathbb{R}</math> بـ: <math>f(x) = \frac{2x-2}{e^x - 2x}</math></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• النهايات <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -1</math> ; <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0</math></li> <li>• و منه المنحنى يقبل مستقيمين مقاربين هما <math>y = 0</math> ; <math>y = -1</math></li> <li>• المشتق <math>f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x - 2x)^2}</math></li> <li>• إشارة <math>f'(x)</math> من إشارة <math>g(x)</math></li> <li>• جدول التغيرات</li> </ul>																		
1																				
0.5																				
0.5		<table border="1"> <tr> <td><math>x</math></td><td><math>-\infty</math></td><td>0</td><td><math>\alpha</math></td><td><math>+\infty</math></td></tr> <tr> <td><math>f'(x)</math></td><td>-</td><td>0</td><td>+</td><td>0</td></tr> </table>	$x$	$-\infty$	0	$\alpha$	$+\infty$	$f'(x)$	-	0	+	0								
$x$	$-\infty$	0	$\alpha$	$+\infty$																
$f'(x)$	-	0	+	0																
0.5		$f(x)$																		
1		$f(x) = 0$ إشارة (ج)																		

0.5	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 15%; text-align: center;"><math>x</math></td><td style="width: 15%; text-align: center;">-<math>\infty</math></td><td style="width: 15%; text-align: center;">1</td><td style="width: 15%; text-align: center;"><math>+\infty</math></td></tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>f(x)</math></td><td style="text-align: center;">-</td><td style="text-align: center;">0</td><td style="text-align: center;">+</td></tr> </table>	$x$	- $\infty$	1	$+\infty$	$f(x)$	-	0	+
$x$	- $\infty$	1	$+\infty$						
$f(x)$	-	0	+						

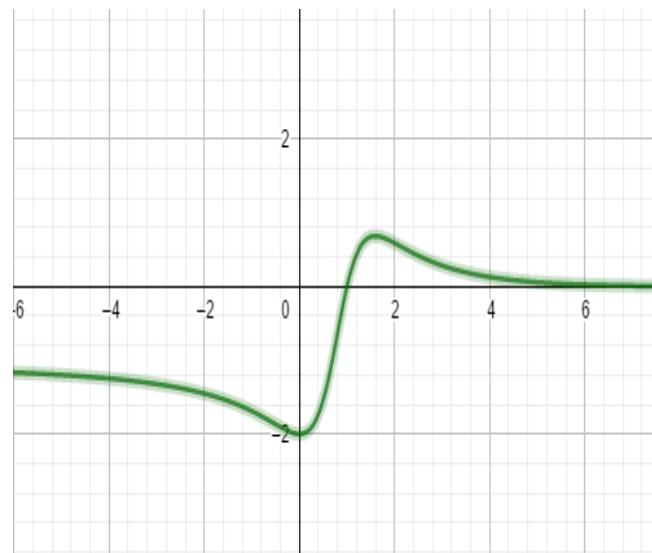
0.5

0.5

1.75

1

$g(\alpha) = 0$  (أ)  
 $f(\alpha) = \frac{1}{\alpha-1} - 1$  و منه  $e^\alpha = \frac{4}{4-2\alpha}$  ومنه  
 (ب) حصر العدد  $f(\alpha)$   
 $0.66 < f(\alpha) < 0.69$   
 (ج) الرسم



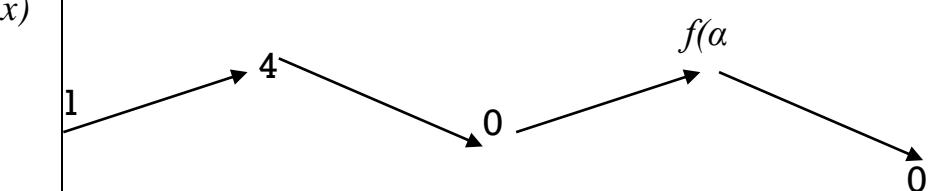
f(x) = m + 1 المناقشة البيانية (4)

- اي  $m+1 < -2$  لا توجد حلول
- اي  $m = -3$  حل مضاعف معادوم
- حل سالب  $-3 < m < -2$  اي  $2 < m + 1 < -1$
- حل موجب  $-2 < m < -1$  اي  $-1 < m + 1 < 0$
- حلين موجبين  $-1 < m < -1 + f(\alpha)$  اي  $0 < m + 1 < f(\alpha)$
- حل مضاعف  $m = -1 + f(\alpha)$  اي  $m + 1 = f(\alpha)$
- لا توجد حلول  $m > f(\alpha)$  اي  $m + 1 > f(\alpha)$

$$h'(x) = 2f(x) \times f'(x) \quad (5)$$

0.25

0.25	<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 15%; text-align: center;"><math>x</math></td><td style="width: 15%; text-align: center;">-<math>\infty</math></td><td style="width: 15%; text-align: center;">0</td><td style="width: 15%; text-align: center;">1</td><td style="width: 15%; text-align: center;"><math>\alpha</math></td><td style="width: 15%; text-align: center;"><math>+\infty</math></td></tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>f'(x)</math></td><td style="text-align: center;">-</td><td style="text-align: center;">0</td><td style="text-align: center;">+</td><td style="text-align: center;">+</td><td style="text-align: center;">0</td></tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>f(x)</math></td><td style="text-align: center;">-</td><td style="text-align: center;">0</td><td style="text-align: center;">-</td><td style="text-align: center;">+</td><td style="text-align: center;">+</td></tr> <tr> <td style="text-align: center;"><math>h'(x)</math></td><td style="text-align: center;">+</td><td style="text-align: center;">-</td><td style="text-align: center;">+</td><td style="text-align: center;">-</td><td style="text-align: center;">-</td></tr> </table>	$x$	- $\infty$	0	1	$\alpha$	$+\infty$	$f'(x)$	-	0	+	+	0	$f(x)$	-	0	-	+	+	$h'(x)$	+	-	+	-	-
$x$	- $\infty$	0	1	$\alpha$	$+\infty$																				
$f'(x)$	-	0	+	+	0																				
$f(x)$	-	0	-	+	+																				
$h'(x)$	+	-	+	-	-																				



$$h(0)=4 \quad \bullet$$

$$h(1)=0 \quad \bullet$$

النهايات

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} h(x) = 1 ; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = 0 \quad \bullet$$



الروابط المباشرة

المواض

[www.dzexamsbac.com/module/mathematiques](http://www.dzexamsbac.com/module/mathematiques)

الرياضيات

[www.dzexamsbac.com/module/physique](http://www.dzexamsbac.com/module/physique)

العلوم الفيزيائية

[www.dzexamsbac.com/module/sciences-naturelles](http://www.dzexamsbac.com/module/sciences-naturelles)

علوم الطبيعة والحياة

[www.dzexamsbac.com/module/arabe](http://www.dzexamsbac.com/module/arabe)

اللغة العربية

[www.dzexamsbac.com/module/francais](http://www.dzexamsbac.com/module/francais)

اللغة الفرنسية

[www.dzexamsbac.com/module/anglais](http://www.dzexamsbac.com/module/anglais)

اللغة الإنجليزية

[www.dzexamsbac.com/module/histoire-geographie](http://www.dzexamsbac.com/module/histoire-geographie)

التاريخ و الجغرافيا

[www.dzexamsbac.com/module/tarbia-islamia](http://www.dzexamsbac.com/module/tarbia-islamia)

ال التربية الإسلامية

[www.dzexamsbac.com/module/economie](http://www.dzexamsbac.com/module/economie)

الاقتصاد والمناجمنت

[www.dzexamsbac.com/module/comptabilite](http://www.dzexamsbac.com/module/comptabilite)

التسخير المحاسبي والمعالي

[www.dzexamsbac.com/module/droit](http://www.dzexamsbac.com/module/droit)

القانون

[www.dzexamsbac.com/module/genie-civil](http://www.dzexamsbac.com/module/genie-civil)

الهندسة المدنية

[www.dzexamsbac.com/module/genie-mecanique](http://www.dzexamsbac.com/module/genie-mecanique)

الهندسة الميكانيكية

[www.dzexamsbac.com/module/genie-procedes](http://www.dzexamsbac.com/module/genie-procedes)

هندسة الطرائق

[www.dzexamsbac.com/module/genie-electrique](http://www.dzexamsbac.com/module/genie-electrique)

الهندسة الكهربائية

[www.dzexamsbac.com/module/philosophie](http://www.dzexamsbac.com/module/philosophie)

الفلسفة

[www.dzexamsbac.com/module/allemand](http://www.dzexamsbac.com/module/allemand)

اللغة الألمانية