

فرض ثانٍ للفصل الأول في مادة الرياضيات

السنة الدراسية: 2019/2020

المدة: ساعة

المستوى: ثلاثة رياضيات

تمرين

I) نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} كألي: $g(x) = 1 - xe^x$

1. ادرس اتجاه تغير الدالة g .

2. بين أن المعادلة $0 = g(x)$ تقبل حالاً وحيداً $\alpha \in [\frac{1}{2}, 1]$ حيث $\alpha \in [\frac{1}{2}, 1]$ ثم استنتج من أجل $x > \alpha$ أن $g(x) < 0$.

II) نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كألي: $f(x) = \frac{1+x}{e^x + 1}$

ولتكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(\vec{o}, \vec{i}, \vec{j})$

1. بين نهاية الدالة f عند $+\infty$ هي 0. فسر النتيجة هندسياً ثم أحسب نهاية الدالة f عند $-\infty$.

2. بين أن: $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (x+1)] = 0$ ثم استنتج أن $\lim_{x \rightarrow -\infty} (x+1)e^x = 0$ أعط تفسيراً هندسياً لهذه النتيجة.

3. حدد وضعية المنحني (C_f) بالنسبة إلى المستقيم (d) ذو المعادلة: $y = x + 1$.

4. بين أن من أجل كل عدد حقيقي x ، $f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x + 1)^2}$

5. بين أن: $f(\alpha) = \alpha$ ثم أعط جدول تغيرات f .

III) نعتبر (u_n) المتتالية العددية المعرفة على \mathbb{N} كألي: $u_0 = 0$ و $u_{n+1} = f(u_n)$.

1. احسب u_1 .

2. برهن على أنه من أجل كل عدد طبيعي n : $u_n \leq u_{n+1} \leq \alpha$ و $0 \leq u_n \leq \alpha$ - استنتج أن المتتالية (u_n) متقاربة.

3. نرمز بـ a إلى نهاية المتتالية (u_n) . برهن أن $a = f(a)$ ثم استنتج قيمة a .

4. بأخذ u_2 كقيمة تقريرية إلى a ، احسب u_2 ثم أنشئ المستقيم (d) والمنحني (C_f) .



الروابط المباشرة

المواض

www.dzexamsbac.com/module/mathematiques

الرياضيات

www.dzexamsbac.com/module/physique

العلوم الفيزيائية

www.dzexamsbac.com/module/sciences-naturelles

علوم الطبيعة والحياة

www.dzexamsbac.com/module/arabe

اللغة العربية

www.dzexamsbac.com/module/francais

اللغة الفرنسية

www.dzexamsbac.com/module/anglais

اللغة الإنجليزية

www.dzexamsbac.com/module/histoire-geographie

التاريخ و الجغرافيا

www.dzexamsbac.com/module/tarbia-islamia

ال التربية الإسلامية

www.dzexamsbac.com/module/economie

الاقتصاد والمناجمنت

www.dzexamsbac.com/module/comptabilite

التسخير المحاسبي والمعالي

www.dzexamsbac.com/module/droit

القانون

www.dzexamsbac.com/module/genie-civil

الهندسة المدنية

www.dzexamsbac.com/module/genie-mecanique

الهندسة الميكانيكية

www.dzexamsbac.com/module/genie-procedes

هندسة الطرائق

www.dzexamsbac.com/module/genie-electrique

الهندسة الكهربائية

www.dzexamsbac.com/module/philosophie

الفلسفة

www.dzexamsbac.com/module/allemand

اللغة الألمانية